

# 蓝牙E0加密算法安全分析

郭 锋, 庄奕琪

(西安电子科技大学微电子所 西安 710071)

**【摘要】** 蓝牙的E0加密算法是利用四个移位序列进行延迟并组合生成密流序列。利用其密流序列的相关性对算法进行攻击。攻击过程是基于给定有限的输出加密流, 重新导出移位序列的初始值。基本攻击和优化攻击的时间复杂度分别为 $O(2^{83})$ 和 $O(2^{78})$ 。最后给出了该攻击手段的E0算法的改进方案和实验数据。

**关键词** 蓝牙; 流加密; E0算法; 安全性; 攻击  
**中图分类号** TN92 **文献标识码** A

## Analysis of the E0 Encryption System in Bluetooth

GUO Feng, ZHUANG Yi-qi

(Institute of Microelectronics, Xidian University Xi'an 710071)

**Abstract** The encryption system E0 in Bluetooth is generated from four LFSRs (Linear Feedback Shift Registers) by delay and combination. A new algorithm is introduced to attack E0 by using the correlation of its sequence. The average time complexities of the basic and the advance attacks respectively are  $O(2^{83})$  and  $O(2^{78})$ . Base on the way of attacking means described in the paper, an improvement on E0 is made. In the end, some theory analysis and sample data are provided.

**Key words** bluetooth; encryption; E0; security; attack

关于蓝牙, 最能引起众人的关注和争论的莫过于它的安全机制了。不少人认为蓝牙的安全体系是产生问题的重灾区, 会被任何稍有能力的投机者攻破。相反, 另一些人则认为蓝牙的安全性已经足够好了。这其实取决于你想用蓝牙来做什么。对于普通用户而言, 大部分信息都不值得花比信息本身更高的代价去破解。但如果要将蓝牙用于商业、金融业、军事等来传输极具价值的信息, 那么就有必要了解蓝牙的安全能力。本文将具体分析蓝牙链路层所采用的加密算法 E0 的安全性能并给出算法的改进方案和实验数据。

### 1 E0算法的基本内容

E0 算法是蓝牙链路层的加密算法, 属于流加密方式, 即将数据流与密钥比特流进行异或运算。对每一分组的有效载荷的加密是单独进行的, 它发生在循环冗余校验之后, 前向纠错编码之前。主要原理是利用线性反馈移位寄存器产生伪随机序列, 从而形成可用于加密的密钥流, 然后将密钥流与要加密的数据流进行异或, 实现加密。解密时把密文与同样的密钥流再异或一次就可得到明文。

关于 E0 算法如图 1 所示。E0 算法主要有: 线性反馈移位寄存器组(Linear Feedback Shift Register, LFSR), (LFSR1~4)、组合逻辑和复合器(Blend)3 部分组成, 其中 Blend 中  $T_1$  和  $T_2$  为线性变换网络,  $Z^{-1}$  为延迟网络。LFSRs 的长度分别为 25、31、33、39。采用多个 LFSR 是为了增加生成的伪随机序列的长度和随机性。当产生加密流时, LFSRs 需要赋予初值(种子)。四个 LFSR 再加上各是两位的  $C_t$  和  $C_{t+1}$  共计 132 位, 由主设备地址 ADR(48 位)、时钟 CL(26 位)和链路层加密私钥  $K_c$ (最多 128 位)提供,  $K_c$  由 E3 算法产生的。种子进入 LFSRs 的安排由图 2 给出, 图中的  $K_c'$  是由  $K_c$  变换得来。当 LFSRs 开始进行工作时, 先产生的 200 位数据的后 128 位再次作为 LFSRs 的种子, 而  $C_t$  和  $C_{t+1}$  的值被保留, 这时产生的伪随机序列就是加密所用的密钥比特流。之所以采用这样的两级加密是为了增加安全性, 即使破解出第二级加密, 也还必须破解第一级加

收稿日期: 2003-09-23

作者简介: 郭 锋(1973-), 男, 博士生, 讲师, 主要从事IC设计、系统方案设计、嵌入式开发等方面的研究。

密才能知道加密私钥  $K_c$ 。

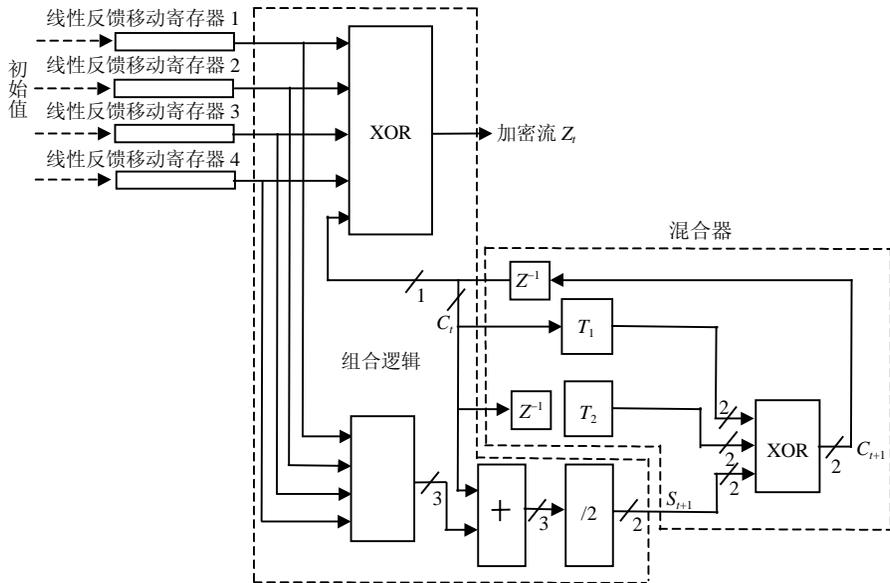


图 1 用于加密的 E0 算法的实现框图

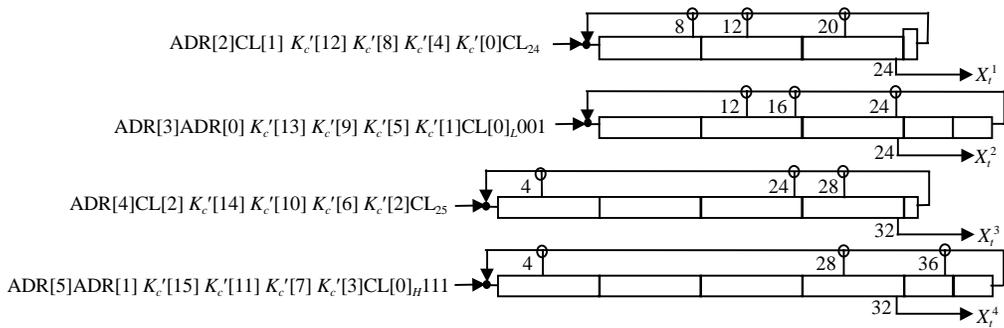


图 2 输入参数进入 LFSRs 的安排

## 2 对 E0 加密流产生器的基本攻击

这种攻击是基于给定有限的(132位左右)输出加密流，重新导出 LFSRs 的初始值。输出的加密流可以通过某种方式获得的明文和密文按位异或得到。这种攻击对两级加密流的产生器都是有效的。攻击时，假定已知 Blend、LFSR1 和 LFSR2 内容的初始设置，当已知输出的加密流时，虽不能输出 LFSR3 和 LFSR4 的确切值，但也能推导出 LFSR3 和 LFSR4 的异或值。由图 1 中得知在  $t$  时刻输出密流  $Z_t$  为 LFSRs 的输出(即  $x_t^1 \sim x_t^4$ )与  $C_t^0$  ( $C_t$  的低位)的异或结果。 $x_t^3$  和  $x_t^4$  的异或值也可视作  $x_t^3$  和  $x_t^4$  的约束条件，把多位加密流得到的约束条件形成约束集，称为  $L$ 。首先，把  $L$  初始化为空。然后进行如下第一搜索，攻击算法的基本步骤为：

- (1) 设当前所测状态为  $t$ (开始时  $t=0$ )。计算  $x_t^1$ 、 $x_t^2$ 、 $C_t^0$  和  $Z_t$  的异或值，输出应与  $x_t^3$  与  $x_t^4$  的异或值一致。
- (2) 如果异或值为零，那么在  $L$  中加入约束条件  $x_t^3$  和  $x_t^4$  都为 0 或都为 1。
- (3) 如果异或值为 1，那么在  $L$  中加入约束条件  $x_t^3 \neq x_t^4$ 。

(4) 如果  $t \geq 33$ ，那么在  $L$  中的约束条件含有 LFSR3 的反馈链。如果  $t \geq 39$ ，在  $L$  中的约束条件含有 LFSR4 的反馈链。在这两种情况下，如果新加入的约束条件与  $L$  中已有的约束相矛盾，这说明事先所做的关于 Blend、LFSR1 和 LFSR2 的假设不对，此时必须考虑假设其他情况。

- (5) 如果约束条件不矛盾，则计算 Blend 的次态。次态取决于现态和 LFSRs 输出 1 的个数。

- (6) 如果把  $t \geq 132$ ，那么有很高的概率可以发现密流产生器的初始设置。如果不能，则继续搜索状态  $t+1$ 。

该算法中有两点值得注意：先是 Blend 的次态取决于现态和 LFSRs 输出 1 的个数。因此，本文可以假定 LFSR3 和 LFSR4 不同而不需要知道哪个是 0 哪个是 1，只要知道它们不同即可继续搜索。其次在约束条件集合

$L$ 中的约束可以被有效的检测是否矛盾。

下面分析这种攻击手段的有效性。首先,考虑假设LFSR1、LFSR2的内容和Blend的状态都是正确。在任意 $t$ 时刻,  $x_t^3$ 和 $x_t^4$ 的和(称为 $S$ )有两种情况:(1)当 $x_t^3$ 和 $x_t^4$ 的异或值为1,  $S=1$ 。Blend的次态 $C_{t+1}$ 就已经决定了,因为次态只取决于现态和LFSRs输出1的个数。此时可直接进行 $Z_{t+1}$ 的分析。(2)当 $x_t^3$ 和 $x_t^4$ 的异或值为0时,  $S \in \{0, 2\}$ 。Blend的次态 $C_{t+1}$ 要分别考虑 $S=0$ 和 $S=2$ 两种情况,此时需要分支考虑 $Z_{t+1}$ 。如果把对 $Z_t$ 的分析看作结构树的根节点,以后的 $Z$ 的位的分析,则可看作对结构树的分支。这个结构树的深度为 $33+39=72$ (即LFSR3和LFSR4的长度和)。由于对 $Z$ 的每位,有一半的概率要分支,平均来看,对 $Z$ 的每位平均分支0.5次,同时平均得到1.5个约束条件(无分支时有一个,分支时有两个),所以结构树的分支数为 $2^{72/3}=2^{24}$ 枝,这数值也就是进行搜索的工作量。而最初假设的位数为60位(LFSR1和LFSR2共56位, Blend的现态和次态共4位),要得到正确的假定平均需要试 $2^{59}$ 次,因此总的时间复杂度平均为 $O(2^{59+24})=O(2^{83})$ 。这是基本的攻击方法,还可以利用一些特殊条件对攻击进行进一步的优化。

### 3 对E0密流生成器的优化攻击

为了优化攻击第二层密流生成器,如果LFSR3和LFSR4的异或输出有很高的汉明码重,那么攻击会更有效。为了利用这一点,本文通过假设扩展攻击,假设在一个密流的特殊点, LFSR3和LFSR4的异或为 $N$ 个连续的1( $N < 33+39$ )。由于LFSR的输出在这个长度上随机且相互独立,在 $N+k$ 个输出长度上产生这样一个序列的可能性为 $k \cdot 2^{-N}$ (因为 $k \ll 2^N$ )。如果有的话,整个工作量将小于 $O(N \cdot 2^{(72-N)/3})$ ,同时明文的需要量不小于 $2^N+132-N$ 。因为当LFSR3和LFSR4的异或值为1时是不需要对结构树进行分支的。部分理论值由表1给出,同时给出了全部搜索所需要的次数。

表1 不同的 $N$ 时,明文需求量与搜索时间的关系

$N$	基本搜索次数	平均明文需求量/bit	平均搜索次数
5	$2^{24.7}$	159	$2^{83.7}$
10	$2^{23.9}$	1 146	$2^{82.9}$
15	$2^{22.9}$	$33 \times 2^{10}$	$2^{81.9}$
20	$2^{21.7}$	$1 \times 2^{20}$	$2^{80.7}$
25	$2^{20.3}$	$32 \times 10^{20}$	$2^{79.3}$
30	$2^{19.0}$	$1 \times 10^{30}$	$2^{78.0}$

形式上,算法如下:

- (1) 在已知密流中选择132个连续的已知位;
- (2) 循环4位的Blender FSM、25位的LFSR1和最后的30- $n$ 位的LFSR2的状态;
- (3) 计算开始的LFSR2状态的 $n+1$ 位,使得LFSR3和LFSR4的异或输出为 $n$ 个1;
- (4) 在这一设置上运行基本攻击,如果发现恒定的初始值则停止。

以上算法将运行 $2^{59-n}$ 次基本攻击,对一个单个的位置成功的可能性为 $2^{-n}$ 。应当注意,即使是一个单个的数据包,其净荷长度最大为2745位,如果可以得到多个包的明文,就可以得到超过2745位的密流。所有需要的下一步攻击是如何知道对任何一个包(Packet)来说,第二层密流产生器的初始设置。如果可能得到多个包,逐个去试它们,就能成功地找到任何一个包的初始设置。

### 4 对蓝牙E0算法的改进

根据以上的分析以及可能存在的攻击可以看出, E0算法的主要弱点在于图1中的 $y_t$ 信号是由LFSRs的输出位 $x_t^1$ 、 $x_t^2$ 、 $x_t^3$ 、 $x_t^4$ 简单的求和而得,当得知任何它们的异或结果很容易推出复合器的次态,以上的攻击手段都是在利用这一点进行的。因此可以针对这一点进行如下的改进,如图3所示,把简单的求和变成如图所示的算法。改进后的算法先对输出位 $x_t^1$ 、 $x_t^2$ 、 $x_t^3$ 、 $x_t^4$ 计数再求和,这时用以上所述的攻击手段不能奏效,因为求和的结果 $y_t$ 不仅与输出位 $x_t^1$ 、 $x_t^2$ 、 $x_t^3$ 、 $x_t^4$ 的现态,也与它们的前态有关。改进后的算法具有以下优

点:

(1) 生成的加密流理论上更随机, 原序列的长度最长为 $2^{132}-1$ , 现在为最长可达 $2^{144}-1$ 。表2中所示的即改进前后数据的对比情况。(2) 无法进行以上所述的攻击手段, 如果采用穷举法进行攻击, 工作量比以前要大 $2^{12}$ 倍, 因为系统比以前多了12个状态。(3) 对原算法只做了很少的改动。一般为了速度等原因, 算法主要部分都采用硬件实现, 改进后的算法不需要改动算法软件部分的内容。(4) 改动的部分和原部分很容易进行某种使能方式切换, 这样可以和原算法兼容。

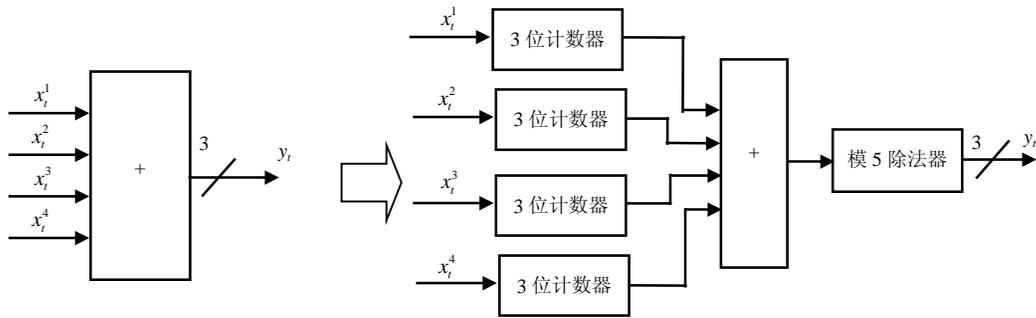


图3 对蓝牙E0算法的改进图

表2 E0算法改进前与改进后生成的加密密流数据对比

加密初始设置		生成的加密密钥流(前120位)
$K_c = \{0x00000000000000000000000000000000\}$	改进前	0x46694e6193345c87711894921bb78d...
$Addr = \{0x00000000000000\}$	改进后	0x4829ee883aefbde16dcc2a02b452e3...
$Clk = \{0x0000000\}$	改进前	0x8cc31b3905d62a4c368d5ad24a4336...
$K_c = \{0x00000000000000000000000000000000\}$	改进后	0xa049df7c3e154e29e447d6644e08df...
$Addr = \{0x00000000000000\}$	改进前	0x8bfffda98dd6f979c2bc6558531784...
$Clk = \{0x3000000\}$	改进后	0xe485a3c6f5183d0d3ad2d4e5c5d53a...
$K_c = \{0xfffffffffffdfffffffffffdffffffffff\}$	改进前	0x2999f607fde02ea4cc9c1b8503a594...
$Addr = \{0xffffffffff\}$	改进后	0x651502be60ce31fbac4f5251b369bd...
$Clk = \{0x3fffff\}$	改进前	
$K_c = \{0x2187f04aba9031d0780d4c53e0153a63\}$	改进前	
$Addr = \{0x2c7f94560f1b\}$	改进后	
$Clk = \{0x15f1a00\}$	改进后	

## 5 结束语

E0算法是蓝牙链路层加密所采用的密流算法, 它的安全性直接影响到整个系统的安全性。根据本文的分析, 依据所获得的密文的长度, E0算法的安全性在78~84位之间。如果不做改进, 它的安全性能只能维持到2005年左右。在不改变基带的情况下, 如果要提高蓝牙的安全性, 只能采用公钥密码体制进行应用层的加强, 例如椭圆曲线等算法。

### 参 考 文 献

[1] Bluetooth SIG. Specification of the bluetooth system V1.1[S], 2001.  
 [2] Schneier B. 应用密码学——协议、算法与C源程序[M]2版. 北京: 机械工业出版社, 2000.  
 [3] Jakobsson M, Wetzel S. Security weaknesses in bluetooth[A]. Proceedings of the Cryptographer's Track at the RSA Conference (CT-RSA 2001)[C]// Berlin: Springer, 2001, 176-191.  
 [4] Lamm G, Falauto G. Bluetooth wireless networks security features[J]. IEEE Transactions on Communications 2001, 48(4): 265-272.  
 [5] Marjaana Träskbäck. Security of bluetooth: An overview of bluetooth security[EB/OL]. <http://whitepapers.zdnet.com/>, 2001-5-10.  
 [6] 金 纯, 许光辰, 孙 睿. 蓝牙技术[M]. 北京: 电子工业出版社, 2001.

编 辑 刘文珍