

# 1-out-of- $n$ 不经意传输的变换及应用

张京良<sup>1,2</sup>, 马丽珍<sup>3</sup>, 王育民<sup>1</sup>

(1. 西安电子科技大学综合业务网国家重点实验室 西安 710071; 2. 中国海洋大学数学系 山东 青岛 266071;  
3. 中国海洋大学物理系 山东 青岛 266100)

**【摘要】**提出了不经意传输的一个新应用——在群签名中的应用。首先给出了文献[1]的1-out-of- $n$ 不经意传输协议的一个变形, 利用该变形协议提出了一种新的群签名成员资格撤销方法。该撤销方法是一个一般性的方法, 可适用于任何群签名方案, 而以前的撤销方法都是针对某一具体签名方案的, 不具有通用性。在随机预言机模型以及计算Diffie-Hellman(CDH)假设下, 可证明新协议是安全的。

**关键词** 1-out-of- $n$ 不经意传输; 群签名; 成员资格撤销; Schnorr签名  
**中图分类号** TP309 **文献标识码** A

## Transformation of 1-out-of- $n$ Oblivious Transfer and Its Application

ZHANG Jing-liang<sup>1,2</sup>, MA Li-zhen<sup>3</sup>, and WANG Yu-min<sup>1</sup>

(1. State Key Laboratory of Integrated Service Networks, Xidian University Xi'an 710071;  
2. Department of Mathematics, Ocean University of China Qingdao Shandong 266071;  
3. Department of Physics, Ocean University of China Qingdao Shandong 266100)

**Abstract** A new application to group signature on 1-out-of- $n$  oblivious transfer is proposed. After introducing, the transformation of 1-out-of- $n$  oblivious transfer protocol proposed by Ref.[1], a new membership revocation method in group signature is proposed by use of the transformation protocol. The proposed method is a universal method and can be applied to any group signature scheme; however, the previous revocation methods are only applicable to a specific group signature scheme. Under the random oracle model and computational Diffie-Hellman (CDH) assumption, the proposed protocol is provably secure.

**Key words** 1-out-of- $n$  oblivious transfer; group signature; membership revocation; schnorr signature

不经意传输是可信密码学的一个基本工具, 可分为比特不经意传输和字符串不经意传输; 对应二者, 又分别包含1-out-of-2、1-out-of- $n$ 、 $k$ -out-of- $n$ 等情形<sup>[1-2]</sup>。现已发现, 不经意传输有许多重要应用, 如公平电子合同的签署、秘密信息检索、安全多方计算等<sup>[3]</sup>。本文给出了不经意传输的一个新应用——在群签名方面的应用。

### 1 1-out-of- $n$ 不经意传输协议

1-out-of- $n$ 不经意传输是指: 发送者S有 $n$ 个秘密消息  $m_1, m_2, \dots, m_n$ , 根据接收者R的选择, 将其中某个消息  $m_\alpha$  发送给R, 而S不知道发送给R的是哪个消息。文献[1]根据不同的安全需求, 提出了3个高效的1-out-of- $n$ 不经意传输协议, 其中第3个协议如下:

-System parameters  $(g, h, G_q)$ ;

-S's input:  $m_1, m_2, \dots, m_n \in G_q$ ;

R's choice:  $\alpha, 1 \leq \alpha \leq n$ ;

(1) R sends  $y = g^r h^\alpha, r \in_R Z_q$ 。

(2) S sends  $a = g^k$ , and  $c_i = m_i \oplus H((y/h^i)^k, i), k \in_R Z_q, 1 \leq \alpha \leq n$ 。

(3) By  $a$  and  $c_\alpha$ , R computes  $m_\alpha = c_\alpha \oplus H(a^r, \alpha)$ 。

这是一个高效的协议: R需要2个模指数运算——计算 $y$ 和 $a^r$ ; S需要3个模指数运算——计算 $a, y^k$ 和 $h^k$ , 而且 $a$ 和 $h^k$ 还可以被预计算。

### 2 1-out-of- $n$ 不经意传输协议的变形

1-out-of- $n$ 不经意传输的变形定义:

定义 1 1-out-of- $n$ 不经意证明: 验证者V有 $n$ 个秘密消息  $m_1, m_2, \dots, m_n$ , 示证者P向V证明他拥有这 $n$

个消息中的某一个消息  $m_\alpha$ , 而不让V知道他拥有的是哪个消息。

1-out-of-n不经意证明可通过协议来实现。类似于1-out-of-n不经意传输, 1-out-of-n不经意协议应满足下列要求。

正确性: 如果P与V正确地执行协议, 则协议的目标可实现。即P与V按照协议步骤执行, 则在协议结束后, P可证明他拥有V的n个秘密消息中的某一个。示证者隐私(prover's privacy): 协议结束后, V除知道P确实拥有他的某个消息外, 不知道他拥有的是哪个消息。即对应于P的不同消息  $m_\alpha$  与  $m_{\alpha'}$  的副本 ( $\alpha \neq \alpha'$ ), V是不可区分的。如果副本是均匀分布的, 则  $m_\alpha$  是无条件安全的。验证者隐私(verifier's privacy): P除知道  $m_\alpha$  外, 不知道V的其他消息。可在理想模型下证明此时可信第三方T作为中间代理, 接收P的输入  $m_\alpha$  和V的输入  $m_1, m_2, \dots, m_n$ , 使V相信P有  $m_\alpha$ 。要求对每一可能的具有恶意的P, 都有一模拟器  $P'$ , 通过与T交互使得  $P'$  的输出与P的输出是计算不可区分的。

可用文献[1]的1-out-of-n不经意传输协议的变形来实现1-out-of-n不经意证明:

-System parameters  $(g, h, G_q)$ ;

-V's input:  $m_1, m_2, \dots, m_n \in G_q$ ;

P's input:  $m_\alpha, 1 \leq \alpha \leq n$ ;

(1) P sends  $y = g^r h^\alpha, r \in_R Z_q$ 。

(2) V computes  $b = g^u h^t, \text{ sends } a = g^k, \text{ and } c_i = b \oplus H((y/h^i)^k, m_i), u, t, k \in_R Z_q, 1 \leq \alpha \leq n$ 。

(3) P sends  $c = c_\alpha \oplus H(a^r, m_\alpha)$ 。

(4) V checks  $b = c$ 。

正确性:  $c = c_\alpha \oplus H(a^r, m_\alpha) = b \oplus H((y/h^\alpha)^k, m_\alpha) \oplus H(a^r, m_\alpha) = b \oplus H(a^r, m_\alpha) \oplus H(a^r, m_\alpha) = b$ 。

效率: P需要2个模指数运算——计算  $y$  和  $a^r$ ; V需要4个模指数运算——计算  $b, a, y^k$  和  $h^k$ 。而且  $b, a$  和  $h^k$  还可以被预计算。

**定理 1** 在随机预言机模型和CDH假设下, 上述1-out-of-n不经意证明协议满足示证者隐私和验证者隐私的要求。

证明: 示证者隐私。验证者从示证者那里获得的关于  $m_\alpha$  的信息是  $y = g^r h^\alpha$ , 但由于对  $\forall \alpha'$ , 都有  $r'$  使得  $y = g^{r'} h^{\alpha'}$ , 所以即使验证者有无限计算能力, 也不能从  $y$  获得验证者的关于  $\alpha$ , 进而  $m_\alpha$  的任何信息。所以示证者的隐私是无条件安全的。

验证者隐私。(1) 有恶意的P不能以不可忽略的概率计算出  $(y/h^i)^k$  和  $(y/h^j)^k, i \neq j$ 。如果P能计算

2个值:  $t_1 = (y/h^i)^k$  和  $t_2 = (y/h^j)^k$ , 则他可计算出  $h^k = (t_1/t_2)^{1/(j-i)}$ , 这说明P能以如下方法求解CDH问题: 给定  $g, g^{a'}, g^{b'}$ , 令  $h = g^{a'}, k = b'$ , 则P能计算  $h^k = (g^{a'})^{b'} = g^{a'b'}$ , 与CDH假设矛盾。(2) 在理想模型下, 存在P的模拟器  $P'$  使得  $P'$  的输出与P的输出不可区分。

构造模拟器  $P'$  的步骤如下:

(1) 模拟P生成  $\bar{y}$ 。

(2) 随机选取  $\bar{b}, \bar{k}, \bar{c}_i$ , 计算  $\bar{a} = g^{\bar{k}}$ 。

(3) 模拟P输入  $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}_i$ , 并监听P对hash预言机的询问。当P询问  $(a^r, m_j)$  时,  $P'$  监听到  $m_j$ , 将  $m_j$  送给理想模型中的可信第三方T得到  $j$ , 并取  $h = b \oplus \bar{c}_j$  作为hash值  $H((\bar{y}/h^j)^{\bar{k}}, m_j)$ 。

(4)  $P'$  的输出为  $\bar{c}_j \oplus H((\bar{y}/h^j)^{\bar{k}}, m_j)$ 。

易见,  $P'$  的输出是  $\bar{c}_j \oplus H((\bar{y}/h^j)^{\bar{k}}, m_j) = \bar{c}_j \oplus b \oplus \bar{c}_j = b$ , 而且由步骤(1)知, P不可能知道两个值  $(y/h^i)^k$  和  $(y/h^j)^k, i \neq j$ , 即P的两次询问  $(a^r, m_j)$  与  $(a^r, m_\alpha)$  是一样的, 即  $j = \alpha$ , 从而说明P只拥有一个  $m_\alpha$  且  $P'$  与P的输出是不可区分的。

### 3 1-out-of-n不经意证明的应用

本文以ACJT<sup>[4]</sup>群签名方案为例说明如何用1-out-of-n不经意证明设计成员撤销算法。这里仅简介各个步骤, 具体参数的选取及签名过程可参见文献[4]。以下简称群管理员为GM。

建立: GM建立群公钥和GM的相应私钥。

加入: 成员  $P_i$  通过与GM交互获得GM颁发的成员资格证书  $v_i$ 。

撤销: GM将成员证书保存在一个数据库中。若某个成员被删除, 则将其的成员证书从该数据库中删除。

签字: 一个群成员可用原方案中的方法进行签字, 但需证明他没被撤销, 具体如下:

设此时群中有  $n$  个成员, GM在数据库中保存的证书为  $v_{i_1}, v_{i_2}, \dots, v_{i_n}$ 。成员  $P_{i_\alpha}$  首先运用1-out-of-n不经意证明协议向GM证明他的证书  $v_{i_\alpha} \in \{v_{i_1}, v_{i_2}, \dots, v_{i_n}\}$ 。若证明成功, GM对当前时间进行Schnorr签名  $\sigma = s_{GM}(\text{time})$ , 发送  $(\sigma, \text{time})$  给  $P_{i_\alpha}$ 。 $P_{i_\alpha}$  验证  $\sigma$  的正确性后, 用原方案中的签字方法对用户消息  $m$  签字得到  $S$ , 则  $P_{i_\alpha}$  的最终签字为  $(S, \sigma, \text{time})$ 。

验证: 用户首先验证  $\sigma$  的正确性, 再检验  $\text{time}$  与当前时间是否相符; 若相符, 则再用原方案中的验证方法验证  $S$  的正确性。

打开:与原方案同。

由上可见,这种成员撤销方法不仅适用于ACJT方案,还适用于任何基于证书的群签名方案,如CS97<sup>[5]</sup>、NS'04<sup>[6]</sup>、NKHF'05<sup>[7]</sup>等。而且,若将撤销和签字过程中的成员证书换为成员身份,则这种撤销方法可适用于任何群签名,是一个通用方法。

安全性:方法的安全性基于原群签名、1-out-of- $n$ 不经意证明协议及Schnorr签名的安全性。而由定理1知,1-out-of- $n$ 不经意证明的安全性基于CDH假设;又Schnorr签名的安全性也基于CDH假设。所以,在CDH假设下本文的撤销方法的安全性与原签名方案的安全性相同。

效率比较:仅考虑花费较大的模指数运算。与原方案相比,在签名阶段,多了6个模指数运算( $P_{\alpha}$  2个、GM4个,如果GM进行预计算,则仅需1个模指数运算)和1个Schnorr签名(1个模指数,也可以被GM预计算);在验证阶段,多了1个签名Schnorr签名验证(1个模指数)。而文献[8]的方法在签名阶段需增加9个模指数运算,在验证阶段需增加5个模指数运算,而且每次撤销都需更新成员钥;文献[9-10]的方法在签名阶段需增加11个模指数运算,在验证阶段需增加8个模指数运算。所以,本文的方法更高效。而且,签名长度与当前成员个数和撤销的成员个数均无关,群公钥与成员资格证书也无需变动。

## 4 结 论

本文发现了不经意传输的一个新应用——用于群签名中成员撤销方法的设计中。所提出的撤销方法是一个一般性的方法,可通用于任何群签名方案,而以前的撤销方法都是针对某一具体签名方案的,不具有一般性。新方案的签名长度与当前成员个数和撤销的成员个数均无关,群公钥与成员资格证书也无需变动。

## 参 考 文 献

- [1] TZENG Wen-guey. Efficient 1-out-of- $n$  oblivious transfer schemes with universally usable parameters[J]. IEEE Transactions on Computers, 2004, 53(2): 232-240.
- [2] NAOR M, PINKAS B. Computationally secure oblivious transfer[J]. J Cryptology, 2005, 18: 1-35.
- [3] 周明天, 谭 良. 可信计算及其进展[J]. 电子科技大学学报, 2006, 35(4): 686-697.  
ZHOU Ming-tian, TAN Liang. Progress in trusted computing[J]. Journal of University of Electronic Science and Technology of China, 2006, 35(4): 686-697.
- [4] ATENIESE G, CAMENISCH J, JOYE M, et al. A practical and provably secure coalition-resistant group signature scheme[C]//CRYPTO'2000, LNCS 1880. Berlin: Springer Verlag, 2000: 255-270.
- [5] Jan Camenisch, Markus Stadler. Efficient group signature schemes for large groups[C]//CRYPTO'97, LNCS 1294. Berlin: Springer Verlag, 1997: 410-424.
- [6] NAKANISHI T, SUGIYAMA Y. A group signature scheme with efficient membership revocation for reasonable groups[C]//ACISP 2004, LNCS 3108. Berlin: Springer Verlag, 2004: 336-347.
- [7] NAKANISHI T, KUBOOKA F, HAMADA N, et al. Group signature schemes with membership revocation for large groups[C]//ACISP 2005, LNCS 3574. Berlin: Springer Verlag, 2005: 443-454.
- [8] CAMENISCH J, LYSYANSKAYA A. Dynamic accumulators and application to efficient revocation of anonymous credentials[C]//CRYPTO'2002, LNCS 2442. Berlin: Springer Verlag, 2002: 61-76.
- [9] CHEN Z W, WANG J L, WANG Y M, et al. An efficient revocation algorithm in group signatures[C]//ICISC 2003, LNCS 2971. Berlin: Springer Verlag, 2004: 339-351.
- [10] ZHANG J L, WANG Y M. Efficient membership revocation in ACJT group signature[J]. Journal of Electronic Science and Technology of China, 2008, 6(1): 39-42.

编辑 漆 蓉